کد کنترل

460

C



آزمون ورودی دورههای کارشناسیارشد ناپیوسته ـ سال 1404

عصر پنجشنبه ۱۴۰۳/۱۲/۰۲



«علم و تحقیق، کلید پیشرفت کشور است.» مقام معظم رهبری

جمهوری اسلامی ایران وزارت علوم، تحقیقات و فنّاوری سازمان ستجش آموزش کشور

علوم کامپیوتر (کد ۱۲۰۹) ـ شناور

مدتزمان پاسخگویی: ۲۵۰ دقیقه

تعداد سؤال: ١٣٠ سؤال

عنوان مواد امتحانی، تعداد و شماره سؤالها

تا شماره	از شماره	تعداد سؤال	مواد امتحانی	رديف
70	*	70	زبان عمومی و تخصصی (انگلیسی)	Y
۶.	48	۳۵	دروس پایه (ریاضی عمومی (۱ و ۲)، مبانی علوم ریاضی، مبانی ماتریسها و جبر خطی، مبانی آنالیز ریاضی، مبانی آنالیز عددی و مبانی احتمال)	۲
٩.	۶۱	۳.	ساختمان دادهها، طراحي الكوريتمها و مباني نظريه محاسبه	٣
11-	41	7-	مبانی منطق و نظریه مجموعهها	*
14.	111	7.	ریاضیات گسسته و مبانی ترکیبیات	۵

استفاده از ماشین حساب مجاز نیست.

این ازمون نمره منفی دارد.

تق چاپ، تکثیر و انتشار سوالات به هر روش (الکترونیکی و...) پس از برگزاری آزمون، برای تمامی اشخاص حقیقی و حقوقی تنها با مجوز این سازمان مجاز می باشد و با متخفین برابر مقررات رفتار می شود.

* داوطلب گرامی، عدم درج مشخصات و امضا در مندرجات کادر زیر، بهمنزله عدم حضور شما در جلسه آزمون است.

اینجانب با شماره داوطلبی با آگاهی کامل، یکسانبودن شماره صندلی خود با شماره داوطلبی مندرج در بالای کارت ورود به جلسه، بالای پاسخنامه و دفترچه سؤالات، نوع و کدکنترل درجشده بر روی جلد دفترچه سؤالات و پایین پاسخنامهام را تأیید مینمایم.

امضا:

زبان عمومی و تخصصی (انگلیسی):

PART A: Vocabulary

<u>Directions</u>: Choose the word or phrase (1), (2), (3), or (4) that best completes each sentence. Then mark the answer on your answer sheet.

rly in 1 ike my living drawing l	my own understanding of the true horror manga.
ent 3) possibl	le 4) available
	dangerous problem and instead
3) conflic	
with his mor ent at Princeton taking	ney. I didn't have to pay for collego ggraduate courses in sociology.
ited 3) content	t 4) confronted
at the strikes will return	brought temporary
he life you want.	your dream; follow your 4) ieopardize
adolescents are particip	pating far less in sports and fitnes
	criteria for being registered, as i buildings and because the structure
	nce since Friday, has leat the strikes will return se 3) rupture at you should

PART B: Cloze Test

<u>Directions</u>: Read the following passage and decide which choice (1), (2), (3), or (4) best fits each space. Then mark the correct choice on your answer sheet.

The first step in the process of becoming an Olympic sport is(8) a sport from the International Olympic Committee (IOC). The IOC requires that the activity have

administration by an international nongovernmental organization that oversees at least one sport.(9), it then moves to International Sports Federation (IF) status. At that point, the international organization administering the sport must enforce the World Anti-Doping Code, including conducting effective out-of-competition tests on the sport's competitors while maintaining rules(10) forth by the Olympic Charter.

- 1) to be a recognition as 8-
 - 3) recognizing of
- 1) For a sport be recognized 9-
 - 3) A sport be recognized
- 1) set 10-
- 2) sets
- 2) recognition as
- 4) recognizing
- 2) Once a sport is recognized
- 4) A recognized sports
- 3) that set
- 4) which to be set

علوم کامپیوتر (کد ۱۲۰۹) ـ شناور

PART C: Reading Comprehension

Directions: Read the following three passages and answer the questions by choosing the best choice (1), (2), (3), or (4). Then mark the correct choice on your answer sheet.

PASSAGE 1:

Human-computer interaction (HCI) has been the focus of attention for researchers in the past decade, with considerable work being done in the various modalities for communicating with a computer. Many interfaces, relying on body gestures, speech and brain computing, have been proposed or developed which assist humans to interact with robots in a more intelligent and natural way. Abstract thoughts and commands can be communicated to such interfaces more easily, which thereafter processes them intelligently, using past heuristics and concepts.

It is increasingly apparent that no single input modality can completely represent human thought and commands accurately, because an individual gesture can represent different concepts depending upon the context in which it is used. Thus, recognition of human gestures is mostly an ill-posed problem, since there might not be a unique solution (concept) for a detected gesture. To condition or improve the problem, we have to incorporate the context and semantic meaning of the gesture during the understanding stage. In this respect, multimodal interaction interfaces, which combine cues from different input modalities, can allow for a better representation of human intent and facilitate interaction with 'intelligent' computers, e.g. a household service robot.

- The underlined word "assist" in paragraph 1 is closest in meaning to 1) aid 2) evaluate 3) fund 4) find The underlined word "it" in paragraph 2 refers to 12-2) individual 3) context 1) thought 4) gesture All of the following words are mentioned in the passage EXCEPT 13-2) artificial 3) speech 4) condition According to paragraph 2, the problem of recognition of human gestures can be improved by 14-
 - 1) employing multimodal interaction interfaces
 - 2) finding a unique solution for a detected gesture
 - 3) omitting the context and semantic meaning of the gesture
 - 4) interacting with 'intelligent' computers, e.g. a robot

15- According to the passage, which of the following statements is true?

- 1) Regarding HCI, recognition of human gestures is not in fact a real problem.
- Definitely, a single input modality can completely represent human thought and commands accurately.
- 3) Regardless of the context, individual gestures always represents the same concept.
- 4) Probably, there is no single solution for a detected gesture when interacting with intelligent computers.

PASSAGE 2:

That part of mathematics which is usually called Set Theory encompasses two distinct groups of definitions and results. Firstly, we have those concepts (including that of an infinite set) which are necessary for the development of cardinal numbers and transfinite arithmetic. Such concepts were first introduced into mathematics by Georg Cantor. The second collection of concepts is of a more fundamental nature and deals with the problems of inclusion, membership and classification. It is the latter group which is so often taught as part of a "Modern Mathematics" course, whose development concerns us here. To distinguish between the two groups of concepts we will restore to the last mentioned collection its old name of *class theory*. To explain the origins of class theory we must go back to the Greeks.

The Greeks were the first to realize the close relationship between mathematics and logic. One of the most influential Greek texts on logic is the *Organon* of Aristotle (circa 300 BC). In this text he advances the thesis that it is possible to reduce every valid argument to the systematic application of a small number of rules which are independent of the subject of the argument. That is, he believed the validity of an argument was determined by its *form* rather than its *content*. (Such logic is known as *formal logic*). In the *Organon* he concentrated on a particular form of argument which he called a "syllogism".

- 1) what encompasses two distinct groups of definitions and results
- 2) the development of cardinal numbers and transfinite arithmetic
- 3) the problems of inclusion, membership and classification
- 4) ideas that contradict those introduced by people like Cantor

17- According to paragraph 2, in the Organon Aristotle believed that

- 1) logical rules depend upon the subject of an argument
- 2) the form of an argument is always inferior to its content
- 3) the only true kind of logic was what he called formal logic
- 4) the content of an argument is irrelevant in determining its validity

18- According to the passage, class theory is an older label for

- 1) that part of mathematics which is usually called Set Theory
- 2) concepts which were first introduced into mathematics by Georg Cantor
- 3) concepts of a more fundamental nature than those introduced by Cantor
- 4) what philosophers usually call formal logic

19- According to the passage, which of the following statements is NOT true?

- 1) The approximate date of publication of Aristotle's *Organon* is known.
- 2) The terms "formal logic" and "syllogism" were both invented by Aristotle.
- 3) In formal logic, the form of an argument dominates its content.
- 4) For Greeks, logic and mathematics were not quite independent of each other.

20- The passage provides sufficient information to answer which of the following questions?

- 1) When did Georg Cantor publish his work on set theory?
- 2) How many books did Aristotle write on logic?
- 3) What is an example of Aristotle's syllogism?
- 4) Why is a specific branch of logic called formal logic?

PASSAGE 3:

In the sciences, mathematics is used to build a model of the observed reality. In physics, for example, scientists propose mathematical systems describing physical objects and phenomena pertaining to them. After accumulating data about planetary motion, Kepler formulated three mathematical laws which planetary motion satisfies. [1] Using these, he could simulate planets moving around a sun, predict the actual position of planets and verify properties such as "Using these laws of planetary motion, there is no way in which Mars will collide with Earth in the next million years."

Unlike these natural sciences, in computer science, we study artificial objects: computers, programs, programming languages, etc. Despite this there is no fundamental difference, in the sense that we would still like to have a model of these systems to reason mathematically about them. Will this program terminate? Does it give the right answer? Is this computer capable of performing this complex operation?

In programming, very frequently we have to represent complex structures. Imagine writing a program which has an internal representation of the map of the London Underground, chess game configurations or rules of English grammar. Describing these objects adequately requires the use of complex data structures. [2] Fortunately, objects such as the ones mentioned have been very well studied by mathematicians. [3] The mathematical way of describing such systems can then be readily translated into a data structure to be used in our programs. And just as we can use mathematics to guide the design of data structures, computer designers and computer scientists use mathematics to build circuits and computers, and design programming languages. [4]

21- The underlined word "pertaining" in paragraph 1 is closest in meaning to

1) presupposing

2) associated

3) autonomous

4) postponing

22- Why does the author mention Kepler in paragraph 1?

- 1) To introduce a pioneer in the field of computer science
- 2) To clarify his argument by providing a relevant example
- 3) To mark the inapplicability of his theory about the movement of the planets
- 4) To show that Mars may in fact collide with Earth in the next million years

- - 1) in natural sciences, questions like 'Will this program terminate?' never occur to researchers
 - in computer science, we study artificial objects, while the natural sciences deal with natural phenomena
 - 3) in both areas the existence of system models and mathematical reasoning about them is desirable
 - 4) in programming, we have to represent complex structures, whereas natural phenomena are usually simple
- 24- Which of the following is the best title for the passage?
 - 1) The Uses of Mathematics in Computer Science
 - 2) Computer Science or Natural Science?
 - 3) Physics and Computer Programming: A Comparison
 - 4) The Uses of Computers in Mathematics
- 25- In which position marked by [1], [2], [3] and [4], can the following sentence best be inserted in the passage?

Or rather, no mathematician studied the London Underground map, but many have studied graph theory, using which it is straightforward to describe the map of the London Underground.

1)[1]

2) [2]

3) [3]

4) [4]

دروس پایه (ریاضی عمومی (۱ و ۲)، مبانی علوم ریاضی، مبانی ماتریسها و جبر خطی، مبانی آنالیز ریاضی، مبانی آنالیز عددی و مبانی احتمال)؛

حو معادله
$$z^{n}=1+i$$
 و $z^{n}=1+i$ و $z^{n}=1+i$ هستند؟ $z^{n}=1+i$ و $z^{n}=1+i$ هستند؟ $z^{n}=1+i$ و $z^{n}=1+i$ هبر و $z^{n}=1+i$ ه

، x>ه هر هf'(x)>g'(x) ، x>ه فرض کنید تابع $f:\mathbb{R} o \mathbb{R}$ دو بار مشتق پذیر باشد. اگر بهازای هر هx>ه انگاه برای هر ه

كدام مورد درست است؟

$$f(x) > g(x)$$
 ()

$$f''(x) > g''(x)$$
 (7

$$f(x)-f(\circ)>g(x)-g(\circ)$$
 (*

$$f'(x) - f'(\circ) > g'(x) - g'(\circ)$$
 (*

باشد، آنگاه مقدار f'(x) کدام است؛ $\lim_{n \to +\infty} \sum_{k=1}^n (\frac{x}{n+kx})$ کدام است؛ -79

ست $\int_{0}^{1} (x \ln x)^{1/60} dx$ مقدار $\int_{0}^{1} (x \ln x)^{1/60} dx$

است؟ $f(x,y) = \ln(\frac{1}{x} + y)$ است؟ -۳۱ در کدام نقاط از صفحه مختصات، بردار گرادیان تابع

$$(\frac{\pi}{\epsilon},\frac{\gamma}{r}),(\frac{\pi}{\epsilon},\frac{\gamma}{r})$$
 (1

$$(\frac{-r}{\epsilon},\frac{v}{r}),(\frac{r}{\epsilon},\frac{1}{r})$$
 (7

$$(\frac{r}{\epsilon}, \frac{v}{\epsilon}), (\frac{r}{\epsilon}, \frac{-1}{\epsilon})$$
 (r

$$(\frac{-r}{r},\frac{v}{r}),(\frac{r}{r},\frac{-1}{r})$$
 (4

معادله صفحهٔ مماس بر هذلولیوار یکپارچه $y \ge 0$ و $x^T + y^T - z^T = 1$ ، در کدام نقطه از این رویه، بر خط راست

$$x = rt - 1$$
 $y = rt + 1$ $z = r$

$$\left(\frac{\tau}{\Delta}, -\frac{\tau}{\Delta}, \circ\right)$$
 (1

$$\left(\frac{r}{\Delta}, \frac{r}{\Delta}, \circ\right)$$
 (7

$$\left(\frac{r}{\Lambda}, \frac{r}{\Lambda}, \circ\right)$$
 (7

$$\left(-\frac{r}{\Delta},\frac{\epsilon}{\Delta},\circ\right)$$
 (*

؟ کدام است $\{(x,y,z):z\geq \circ, x^7+y^7+(z-1)^7\leq T\}$ کدام است $\{(x,y,z):z\geq \circ, x^7+y^7+(z-1)^7\leq T\}$ کدام است و ماکزیمم مطلق تابع

۴- فرض کنید D یک ناحیه در صفحه مختصات باشد. ماکزیمم مقدار D است D یک ناحیه در صفحه مختصات باشد. ماکزیمم مقدار D

$$\frac{r}{r}$$
 (1

 $x = \cos^{\pi} t$ و بالای محور $x = \sin^{\pi} t$ و $x = \cos^{\pi} t$ و کدام است $x = \cos^{\pi} t$ کدام است $x = \cos^{\pi} t$ و بالای محور $x = \cos^{\pi} t$

$$\frac{\lambda\pi}{\delta}$$
 (7

۳۶- کدام گزاره درست است؟

$$\exists x \in \mathbb{R} \ \forall y \in \mathbb{Q} \ (x \le y \Rightarrow x \le y - \frac{1}{r})$$
 (1)

$$\exists x \in \mathbb{N} \ \forall y \in \mathbb{R} \ (x \le y \Rightarrow x \le y - \frac{1}{r}) \ (r$$

$$\exists x \in \mathbb{R} \ \forall y \in \mathbb{N} \ (x \le y \Rightarrow x \le y - \frac{1}{7}) \ (7)$$

$$\exists x \in \mathbb{Q} \ \forall y \in \mathbb{R} \ (x \le y \Rightarrow x \le y - \frac{1}{2})$$
 (4)

۳۷− فرض کنید A یک مجموعه n عضوی و B یک مجموعه m عضوی (n < m) است. چند تابع یکبه یک از A به B وجود دارد؟

$$\frac{m!}{(m-n)!} (7 m!)$$

$$n!$$
 (* $\binom{m}{n}$ (*

 $R = \{(1,1), (7,7), (7,7), (7,7), (7,1), (7,1)\}$ و $A = \{1,7,7,4\}$ کدام گزینه برای رابطه دوتایی $A = \{1,7,7,4\}$ R نادرست است؟

R (۲ بازتایی (انعکاسی) و متقارن است.

R (۱) همارزی نیست.

R (۴ متقارن و متعدی (ترایا) است.

۳) R بازتایی (انعکاسی) و متعدی (ترایا) است.

 \mathbb{Q}^+ تابع \mathbb{R}^+ تابع \mathbb{R}^+ را با ضابطه $\frac{\varphi^m}{m}$ تعریف می کنیم، که در آن \mathbb{R}^+ مجموعه اعداد طبیعی و $f(m,n)=\frac{\varphi^m}{m}$

مجموعه اعداد گویای مثبت است. کدام گزینه درست است؟

f (۲ ثه یک به یک و نه پوشا است.

f (۱ دوسویی است.

f (۴ یکبه یک است ولی پوشا نیست.

f (۳ یوشا است ولی یکبه یک نیست.

بفرض كنيد $f: X \rightarrow Y$ يوشا باشد. كدام حالت نمى تواند اتفاق بيفتد؟

Y) X و Y هر دو شمارا

۱) X شمارا و Y ناشمارا

X (۴ ناشمارا و Y شمارا

۲) X و Y هر دو ناشمارا

۴۱ - فرض کنید V فضای برداری ماتریسهای au imes au روی میدان اعداد حقیقی و $P_{ au}$ فضای توابع چندجملهایهای از درجه کمتر یا مساوی با ۲ است. تبدیل خطی $T: P_{\gamma} \to V$ با ضابطه f(s) تعریف شده

است. یک پایه برای فضای پوچ T کدام است؟

$$\begin{cases} x^{\tau} - rx \end{cases} (r \\ \{x - 1\} (r)$$

$$\{x-1\}$$
 ("

$$\{1, x, x^{r}\}$$
 (*

باشد. \mathbb{R} فضای برداری چندجملهایهایی از درجه حداکثر \mathbf{n} با ضرایب حقیقی روی میدان \mathbb{R} باشد. درایس صورت کندام برداری چندجملهای زیسر در مسورد تبسدیل خطبی $\mathbf{T}: P_{\mathbf{n}}[\mathbf{x}] \to P_{\mathbf{n}}[\mathbf{x}]$ با ضابطه

است است
$$T(f(x)) = \frac{1}{r}(f(x) + f(-x))$$

- $kerT = \mathbb{R}$ (1
 - ۲) T پوشاست.
- $\ker T \cap \operatorname{Im} T = \{\circ\}$ (*
- است. $P_n[x]$ مجموعه چندجملهایهای از درجه فرد $P_n[x]$ است.

$$\Gamma_{n}$$
 [Λ_{n}] است. Γ_{n} [Λ_{n}] است. Γ_{n} [Λ_{n}] Γ_{n} [Λ_{n}] Γ_{n}] Γ_{n} [Λ_{n}] Γ_{n}] . Γ_{n} [Λ_{n}] Γ_{n}] . Γ_{n} [Λ_{n}] . Γ_{n}] . Γ_{n} [Γ_{n}] . Γ_{n}] . Γ_{n} [Γ_{n}] . Γ_{n}

- -1 9 1 (1
- -1 (7
- -T , T (T
- T 91 (F

$$\begin{bmatrix} -1 & 7 & 6 \\ \frac{1}{7} & -1 & -7 \\ \frac{-7}{7} & 7 & 5 \end{bmatrix}$$
 کدام است؟

- ۱) یک
- 93 (7
- aw ("
- ۲) صفر
- $\ker(f) \subseteq \ker(g)$ هستند، به طوری که \mathbb{R}^n کدام یک از گزاره های زیر، درست است \mathbb{R}^n و g دو تابعک خطی روی \mathbb{R}^n
 - ker(f) = ker(g) (1
 - $rank(f) \le rank(g)$ (7
 - ۳) f مضرب اسکالری از g است.
 - ۴) g مضرب اسکالری از f است.

۹۶ کدام گزینه برای دنباله
$$n \in \mathbb{N}$$
 درست $a_n = \frac{1}{n+1} + \frac{1}{n+7} + \cdots + \frac{1}{7n}$ درست است $a_n = \frac{1}{n+1} + \frac{1}{n+7} + \cdots + \frac{1}{7n}$

- ۱) صعودی و کران دار است.
- ۲) صعودی است ولی کران دار نیست.
- ۳) کران دار است ولی صعودی نیست.
 - ۴) نه کران دار و نه صعودی است.

۴۷ - اگر A,B⊆ R، آنگاه کدام گزینه نادرست است؟

- . $a \le b$, $a \le B$, $a \in A$, $a \le b$, $b \in B$, $a \in A$) اگر بهازای هر $a \in A$
- $\sup A \le \sup B$ یافت شود که $a \le b$ ، آنگاه $a \in A$ یافت شود که $a \le b$
- .inf $A \leq \inf B$ اگر بهازای هر $a \leq b$ یک $a \in A$ یافت شود که $a \leq b$ ، آنگاه (۳
- .sup $A \le \sup B$ ، آنگاه $a \le b$ ، $a \le b$) اگر بهازای هر $a \in A$ یک $a \in A$ یافت شود که $a \le b$

برای مجموعه
$$A = \left\{ \frac{n}{n+1} : n \in \mathbb{N} \right\}$$
 در \mathbb{R} ، کدام گزینه درست است -4

- ۱) بسته است.
- ۲) نقطه حدی دارد.
- ۳) هر نقطه A درونی است.
- ۴) هر نقطه A تنهاست پس نقطه حدی ندارد.

تابع
$$f$$
 در بازهٔ $f(x) = \begin{cases} 0 & x \in \mathbb{Q} \\ 1 & x \notin \mathbb{Q} \end{cases}$ با ضابطه $f(x) = \begin{cases} 0 & x \in \mathbb{Q} \\ 1 & x \notin \mathbb{Q} \end{cases}$ با ضابطه $f(x) = (x + 1)$

460C

یر بازه (۱,۱)، درست است
$$g(x) = x^T f(x)$$

- ۱) همهجا مشتق پذیر است.
- ۲) فقط در اعداد گویا مشتق پذیر است.
 - ۳) فقط در صفر مشتق پذیر است.
- ۴) فقط در اعداد اصم (گنگ) مشتق پذیر است.

هرض کنید تابع
$$f$$
 روی \mathbb{R} پیوسته باشد. اگر $f(t+x)$ $f(t+x)$ آنگاه $F'(x)$ آنگاه $F'(x)$ کدام است $F'(x)$

- f(x) ()
- f'(x) (7
- f(x+1) (r
- f(x+1)-f(x) (*
- 01 فرض کنید در یک ماشین حساب که با استفاده از عمل گرد کردن، اعداد ماشینی را با چهار رقم اعشاری بــا ممیــز ثابت محاسبه می کند، بخواهیم سه عدد ماشینی $c = 1/7410 \times 10^1 = b = \Lambda/1718 \times 10^1 = a + (b+c)$ و $a = \pi/4174 \times 10^7 = a + (b+c)$ دو صورت a = a + (b+c) = a + (b+c) محاسبه کنیم. مقدار a = a + (b+c) = a + (b+c)
 - 9/01 (1
 - ۲) صفر
 - 0,000 (
 - -0/01 (4

مرتبهٔ همگرایی دنبالهٔ بازگشتی
$$x_n > 0$$
 مرتبهٔ همگرایی عدد حقیقی و مثبت ثابت $x_n = \frac{x_n(x_n^\intercal + \intercal R)}{\intercal x_n^\intercal + R}$ مرتبهٔ همگرایی دنبالهٔ بازگشتی $x_n > 0$

محاسبهٔ \sqrt{R} استفاده می شود، کدام است

- 1 (1
- 7 (7
- 7 (4
- 4 (4

دوم $\mathbf{u}_{\mathbf{v}}$ ، $\mathbf{A} = \begin{bmatrix} -1 & 0 & \mathbf{v} \\ 1 & 1 & \mathbf{v} \\ -1 & 0 & 0 \end{bmatrix}$ فرض کنید در روش تجزیهٔ $\mathbf{L}\mathbf{U}$ به روش محورگیری کامل برای ماتریس $\mathbf{L}\mathbf{U}$ ستون دوم

ماتریس U باشد، بهطوری که u_{r} ، PAQ = LU کــدام اســت؟ (P و Q حاصــل ضــرب مــاتریس هــای مقــدماتی (جایگشتی) و عناصر قطری ماتریس L برابر ۱ هستند.)

$$\begin{bmatrix} 1 \\ -\alpha/\Delta \\ \circ \end{bmatrix} (Y \qquad \begin{bmatrix} -1 \\ -\alpha/\Delta \\ 0 \end{bmatrix} (Y)$$

$$\begin{bmatrix} 1 \\ \alpha/\Delta \\ \alpha \end{bmatrix} (Y)$$

$$\begin{bmatrix} -1 \\ \alpha/\Delta \\ 0 \end{bmatrix} (Y)$$

q(x) و $x=\circ,\pm 1$ و رنگ درونیاب تابع f در نقاط p(x) و $f(x)=x(x^f-\Delta x^f+f)$ و $-\Delta f$ و رنگ درونیاب تابع f در نقاط $-\Delta f$ و رنگ و پندجمله ای درونیاب تابع $-\Delta f$ در نقاط $-\Delta f$ و باشد، مقدار $-\Delta f$ و باشد، مقدار و باشد، مقدار و باشد و

$$\frac{p(\tau) - \tau q(\tau)}{\tau} \ (1$$

$$\frac{rp(r)+q(r)}{r} (r$$

$$\frac{p(r)}{r}$$
 (r

 $\alpha f(\circ) + \beta f(\tau) + \gamma f(\tau)$ از دستور $\int_{0}^{\tau} f(x) dx$ استفاده می کنیم، به طوری که حمله ای محاسبهٔ تقریب انتگرال برای چند جمله ای های حداکثر درجه ۲ دقیق باشد. مقدار تقریبی $\int_{0}^{\tau} x^{\tau} dx$ با استفاده از دستور فوق کدام است $\int_{0}^{\tau} x^{\tau} dx$

۵۶ - برد مشاهدات یک نمونه تصادفی دوتایی برابر ۴ شده است. درمورد انحراف معیار آن چه می توان گفت؟

$$\sqrt{r}$$
 برابر \sqrt{r} پرابر \sqrt{r} ۱) برابر \sqrt{r}

$$\frac{\sqrt{\tau}}{\tau}$$
 کمتر از $\sqrt{\tau}$ کمتر از $\sqrt{\tau}$

۵۷ تاس سالمی پرتاب می شود، سپس سکه سالمی را به تعداد خالهای ظاهر شده تاس پرتاب می کنیم. احتمال اینکه
 حداقل یک شیر ظاهر شود کدام مورد است؟

برای عدد صحیح m>0 حاصل $\sum_{i=0}^{m-1} (-1)^{m-i} {m \choose i}$ چقدر است؟ $-\Delta A$

-0.9 در شهری با -0.9 ساکن، شخصی شایعه ای را در مرحله اول به شخص دوم می گوید که آن شخص به نوبه خود در مرحله دوم آن را برای شخص سوم تکرار می کند و به همین ترتیب شایعه در بین ساکنان تا -0.9 می شود. در هر مرحله گیرنده شایعه به طور تصادفی از بین -0.9 افراد موجود انتخاب می شود. احتمال اینکه شایعه -0.9 بار بدون تکرار برای هیچ شخص، گفته شود، کدام است -0.9

$$\frac{n!}{n^r(n-r)!}$$

$$\frac{n!}{n^{r-1}(n-r+1)!}$$
 (7

$$\frac{n!}{n^r(n-r+1)!} (r^r$$

$$\frac{n!}{n^{r-1}(n-r)!} \ (f$$

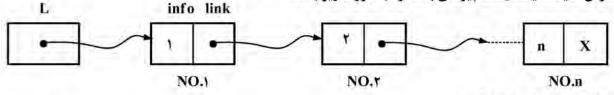
-۶۰ اگر E و F دو پیشامد باشند که $P(E \cap F) = \frac{\pi}{\epsilon}$ ، $P(F) = \frac{\pi}{\epsilon}$ ، $P(E \cap F)$ ، دراین صورت کوتاه ترین محدوده تغییرات $P(E \cap F)$ کدام است $P(E \cap F)$

$$\frac{1}{r} \le P(E) \le \frac{r}{r} \quad (r \qquad \qquad 0 \le P(E) \le 1 \quad (1)$$

$$0 \le P(E) \le \frac{1}{r}$$
 (f) $\frac{1}{r} \le P(E) \le 1$ (f)

ساختمان دادهها، طراحي الگوريتهها و مباني نظريه محاسبه:

۶۱ فرض کنید L یک لیست پیوندی با n گره به صورت زیر باشد.



قطعه کد زیر را در نظر بگیرید.

```
x = 0;

cur = L;

while (cur! = NULL)

{

    cur1 = cur;

    while (cur1! = NULL) {

        x+= cur1 → info;

        cur1 = cur1 → link; }

    cur = cur → link;

}
```

پس از اجرای این قطعه کد مقدار x کدام است؟

$$\frac{n(n+1)}{r}$$
 (1

$$\left(\frac{n(n+1)}{r}\right)^r \ (r$$

$$1+7^7+7^7+\cdots+7^7$$
 (7

$$1+7(n-1)+7(n-7)+\cdots+n^{7}$$
 (4)

x حاده شده است. میخواهیم تعداد سهتاییهایی به فرم x داده شده است. میخواهیم تعداد سهتاییهایی به فرم x حاده x داده شده است. میخواهیم تعداد صحیح به فرم x = A[i] + A[j] + A[k] مرتبهای است؟

$$n^{\uparrow}$$
 (7 $n \log n$ () $n^{\uparrow} \log n$ (7 $n^{\uparrow} \log n$ (7

۶۳ فرض کنید یک لیست پیوندی یک طرفه داریم. می خواهیم گره دوم از انتها یعنی گره ماقبل آخر را حـذف کنـیم.
 بهترین روش برای انجام این کار چیست؟

۱) تبدیل لیست به آرایه و حذف گره

۲) حرکت دادن یک اشارهگر تا انتهای لیست و شمارش گرهها

٣) حركت دادن يك اشاره كر با شمارنده تا موقعيت مطلوب

۴) استفاده از دو اشاره گر که یکی دو گره جلوتر از دیگری است.

- ۶۴ فرض کنید یک پشته (Stack) پیاده سازی شده با استفاده از یک لیست پیوندی با عناصر یکتا داریم. این پشته دو عمل اصلی push و pop را پشتیبانی می کند. حال می خواهیم تابعی اضافه کنیم که عنصر مینیمم (کوچک ترین عنصر) موجود در پشته را در زمان ثابت (۱) و بدون تغییر پشته برگرداند. کدام یک از روشهای زیر بهترین راه برای انجام این کار است؟
 - ۱) هر زمان که به تابع مینیمم نیاز داشتیم، پشته را مرتب کرده و اولین عنصر (کوچکترین) را بهدست می آوریم.
 - ۲) در هر بار فراخوانی تابع مینیمم، تمامی عناصر لیست پیوندی را پیمایش کرده و کوچکترین مقدار را پیدا کنید.
- ۳) از یک اشاره گر اضافی استفاده کنید که به کوچکترین عنصر فعلی اشاره کند و در زمان هر عملیات push و push
 از یک اشاره گر را به روزرسانی کنید.
- ۴) یک پشته کمکی داشته باشید که در هر لحظه کوچکترین عنصر پشته اصلی را ذخیره کند و در زمان انجام
 عملیات push و pop این پشته کمکی را بهروزرسانی کنید.
- ۶۵ فرض کنید میخواهید یک داده ساختار طراحی کنید که همزمان قابلیتهای یک صف معمولی و یک صف اولویت
 (Priority Queue) را پشتیبانی کند. این داده ساختار باید بتواند عملیاتهای زیر را انجام دهد:
 - _افزودن یک عنصر (Enqueue (x,p)): یک عنصر x با اولویت p به دادهساختار اضافه می شود.
- ـ حذف و بازگرداندن عنصر با بالاترین اولویت (Dequeue Max): عنصر با بیشـترین مقـدار اولویـت حـذف و بازگردانده می شود.
- ۶۶ فرض کنید می خواهیم یک عبارت ریاضی را که شامل پرانتزهای باز و بسته، عملکردهای ریاضی (+,-,×, /) و
 اعداد است، ارزیابی کنیم. عبارت به صورت یک پشته داده می شود. برای این کار از ترکیبی از پشته و صف استفاده
 می شود بدین صورت که:
 - ابتدا از یک صف برای تبدیل عبارت ورودی به عبارت پسوندی (Postfirst) استفاده می شود.
 - ـ سیس از یک پشته برای محاسبه مقدار عبارت پسوندی استفاده میشود.
 - کدام روش زیر برای تبدیل عبارت ورودی به پسوندی مناسبتر است؟
 - ۱) ابتدا تمام عملگرها را در یک پشته ذخیره کنید و پس از پردازش تمام عبارت، آنها را به صف خروجی منتقل کنید.
 - ۲) تمام عملگرها و پرانتزها را مستقیماً به صف خروجی منتقل کنید و از پشته برای هیچ بخشی از تبدیل استفاده نکنید.
 - ۳) از یک صف برای ذخیره عملگرها استفاده کنید و هر زمان که پرانتز بسته مشاهده شد، عملگر را از صف خارج کنید.
- ۴) از یک پشته برای ذخیره عملگرها استفاده کنید و هر زمان که اولویت عملگر جدید کمتر یا مساوی عملگر موجود
 در پشته بود، عملگرهای پشته را به صف خروجی منتقل کنید.
 - ۶۷ کدامیک از الگوریتمهای مرتبسازی زیر پایدار (Stable) است؟

۱) سریع ۲) درجی ۳) هرمی ۴) انتخابی

۶۸ در مورد الگوریتم هافمن کدام مورد درست است؟

- ۱) حروف با فرکانس بیشتر دارای کدهای با طول بیشتر خواهند بود.
- ۲) حروف با فرکانس بیشتر دارای کدهای با طول کمتر خواهند بود.
- ۳) حروف با فرکانس کمتر دارای کدهای با طول کمتر خواهند بود.
 - ۴) حروف با هر فرکانسی دارای کدهای یکسان هستند.

۶۹ مرتبه زمانی T(n) کدام است؟

$$\begin{cases} T(1) = \Delta \\ T(n) = n + 1 + T(\frac{n}{r}) \end{cases}$$

- n.log ()
 - n (7
- log n (T
 - n (f

۹۰ مدد صحیح k رقمی داریم (k) ثابت و مستقل از n هست) کدام مورد دقیق تر است -

- ۱) این اعداد را می توان در زمان $\theta(n)$ و با حافظه O(n) مرتب کرد.
- ۲) این اعداد را می توان در زمان $\theta(n \log n)$ و با حافظه $\theta(n)$ مرتب کرد.
- ") مرتبسازی این اعداد به زمان $\theta(n)$ و حافظه $\Omega(n^{7})$ احتیاج دارد.
- با مرتبسازی این اعداد دست کم به زمان $\Omega(n \log n)$ و حافظه $\Omega(n)$ نیاز دارد.

۱۹ فرض کنید $\frac{1}{x}$ و $\frac{1}{x}$ $\frac{1}{x}$ $\frac{1}{x}$ $\frac{1}{x}$ $\frac{1}{x}$ دام است؟

- $\theta(\frac{\log x}{x})$ (1)
- $\theta(\log x)$ (7
- $\theta(x \log x)$ (*
- $\theta(x(\log x)^{\tau})$ (*

از برمجموعه ای از ک $\mathbb{Z} imes \mathbb{Z}$ به صورت زیر باشد: $- \mathsf{V} \mathsf{T}$

 $L_n = \{(i,j) | i+j \le n, i \ge \circ, j \ge \circ\}$

همچنین برای هر (i,j) در L_n مجموعه همسایههای (i,j) را بهصورت زیر تعریف کنیم:

 $N_n(i, j) = \{(k, m) \in L_n : 1 \le |i - k| + |j - m| \le r\}$

برای n > r اندازه مجموعه $N_n(i\,,j)$ چند مقدار مختلف می تواند داشته باشد؟

- 4 (1
- D (T
- 8 (4
- V (4

(u,v) یک گراف جهتدار G=(V,E) مدلی برای یک شبکه کامپیوتری با n رأس است. وزن یال (u,v) را با w(u,v) نشان می دهیم که برابر با احتمال خرابی (قطع کامل) آن یال است. می خواهیم در این گراف احتمال خرابی قابل اعتماد ترین مسیر از هر رأس i به هر رأس دیگر i را پیدا کنیم که مسیری با احتمال خرابی مینیمم است. فرض کنید که احتمال خرابی یال ها مستقل از هم هستند. می خواهیم از الگوریتم فلوید برای حل این مسئله استفاده کنیم. اگر i احتمال خرابی یک مسیر بین دو رأس i و i با کمترین احتمال خرابی باشد، چه عبارتی در سطر i و آور گیرد تا الگوریتم درست عمل کند؟

$$\begin{split} P_{ij}^{k} &= min \Big\{ P_{ij}^{(k-1)} \,, \, min \Big\{ P_{ik}^{(k-1)} \,, \, P_{kj}^{(k-1)} \Big\} \Big\} \, \, \text{(1)} \\ P_{ij}^{k} &= min \Big\{ P_{ij}^{(k-1)} \,, \, max \Big\{ P_{ik}^{(k-1)} \,, \, P_{kj}^{(k-1)} \Big\} \Big\} \, \, \text{(2)} \\ P_{ij}^{k} &= min \Big\{ P_{ij}^{(k-1)} \,, \, P_{ik}^{(k-1)} \,+ P_{kj}^{(k-1)} \Big\} \, \, \text{(2)} \\ P_{ij}^{k} &= min \Big\{ P_{ij}^{(k-1)} \,, \, P_{ik}^{(k-1)} \,\times P_{kj}^{(k-1)} \Big\} \, \, \text{(3)} \end{split}$$

است به ما داده شده است. می خواهیم این فایلها $\mathbf{P_i}$ است به ما داده شده است. می خواهیم این فایلها $\mathbf{P_i}$ است به فایل داریم که طول فایل ام و احتمال دسترسی به فایلها کمینه شود. به عبارت دیگر می خواهیم این را طوری پشت سرهم قرار دهیم که میانگین زمان دسترسی به فایلها کمینه شود. به عبارت دیگر می خواهیم این

فایلها را به تر تیب از ۱ تا n شماره گذاری کنیم به طوری که $\sum_{i=1}^{n} \left(P_{i} \sum_{j=1}^{i} L_{j} \right)$ کمینه شود. کدام یک از راههای زیر

بهترین ترتیب برای این کار است؟

به موتبسازی براساس
$$rac{L_i}{P_i}$$
 به صورت صعودی (۱

ه مرتبسازی براساس
$$rac{P_i}{L_i}$$
 بهصورت صعودی (۲

 P_i و درصورت تساوی براساس L_i

ای ساخت درخت هافمن براساس
$$rac{L_i}{P_i}$$
 و پیمایش آن بهصورت عمق اول $rac{L_i}{P_i}$

۷۵- چند تا از گزارههای زیر صحیح است؟

 $f(n) = \omega(g(n))$ (نماد σ کوچک) آنگاه $g(n) = \sigma(f(n))$ اگر

$$f(n) = o(g(n))$$
 آنگاه $\lim_{n \to +\infty} \frac{f(n)}{g(n)} = 0$ آنگاه

 $(f(n))^c = o(a^{f(n)})$ داریم: f(n) داریم: a > 1 د و هر ثابت a > 1 د و هر ثابت a > 1 د و هر ثابت الم

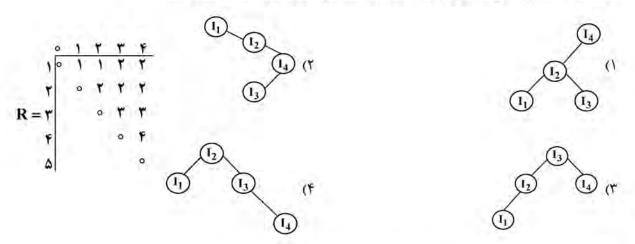
1)7

7 (7

1 (5

۴) صفر

- ۷۶ فرض کنید آرایهای از n عنصر داده شده است و میخواهید میانه (Median) آن را با استفاده از روش تقسیم و حل (Divide and Conquer) پیدا کنید. کدام یک از گزینه های زیر درباره این رویکرد صحیح است و با کمترین هزینه، پاسخ درست را محاسبه خواهد کرد؟
- ۱) در هر مرحله، آرایه به دو بخش با اندازه برابر تقسیم میشود و میانه هر بخش جداگانه محاسبه میشود. سپس،
 میانه نهایی با استفاده از این دو مقدار و در زمان (۱) تعیین میشود.
- ۲) این روش فقط زمانی کار می کند که آرایه به صورت مرتب باشد، زیرا برای پیداکردن میانه نیاز به مرتبسازی اولیه داریم که در صورت استفاده از Radix Sort در بدترین حالت O(n) خواهد شد.
- ۳) از الگوریتم انتخاب k- امین کوچکترین عنصر استفاده می شود که با پیچیدگی زمانی O(n) در بدترین حالت می تواند
 میانه را بدون نیاز به مرتبسازی کامل آرایه پیدا کند.
- ۴) از الگوریتم انتخاب k- امین کوچکترین عنصر و Quick Sort استفاده می شود که با پیچیدگی زمانی (nlogn) در بدترین حالت می تواند میانه را بدون نیاز به مرتبسازی کامل آرایه پیدا کند.
- ۷۷ فرض کنید نتیجه یک ماتریس ریشه R از درخت جستجوی دودویی بهینه بهصورت جدول زیر حاصل شده است و $P_{\gamma}=p$



۷۸ برای کدام یک از مسائل زیر، الگوریتم با زمان چندجملهای پیدا شده است؟
 الف _ کوله پشتی کسری

ب ـ تعیین نزدیک ترین زوج نقطه بین چند نقطه داده شده در صفحه

۱) هر دوی «الف» و «ب» ۲) هیچکدام از «الف» و «ب»

- ۷۹ فرض کنید یک جدول n × n دارید و میخواهید در هر خانه از این جدول یک عدد بین ۱ تا k قرار دهید، بهطوری که:
 - ـ هر عدد در هر سطر و هر ستون منحصربه فرد باشد (مانند جداول سودوكو).
 - ـ برخی خانهها از قبل پر شدهاند و نمی توان مقدار آنها را تغییر دارد.
- برای حل این مسئله از الگوریتم عقب گرد (Backtracking) استفاده می کنید. کدام روش برای بهینهسازی و جلوگیری از بررسی مسیرهای نامعتبر مناسب تر است؟
 - ۱) ابتدا خانههایی را که درگوشههای جدول قرار دارند پر کئید، زیرا محدودیتهای کمتری دارند.
 - ۲) در هر مرحله، اولین خانه خالی را انتخاب کنید و بهترتیب مقادیر ۱ تا k را امتحان کنید.
 - ۳) در هر مرحله، مقادیر ممکن را برای تمام خانهها محاسبه کنید و سپس از مقداردهی تصادفی برای خانهها استفاده کنید.
- ۴) در هر مرحله، خانهای را انتخاب کنید که تعداد مقادیر ممکن کمتری دارد و ابتدا مقادیری را امتحان کنید که در سطر و ستون همسایگان کمتر تکرار شدهاند.
- ۱۸۰ در مسئله زنجیره ضرب ماتریسها (Matrix Chain Multiplication)، از روش شاخه و حد (Branch and Bound) باز روش شاخه و حد (Branch and Bound) برای پیداکردن ترتیب بهینه ضرب ماتریسها استفاده می شود. کدام یک از گزینه های زیر به درستی مفهوم شاخه ها (Branches) و حدها (Bounds) را در این روش توضیح می دهد؟
- ۱) شاخهها نشان دهنده تمامی نقاط تقسیم ممکن بین ماتریسها هستند که مسئله را به دو زیرمسئله تقسیم می کنند و حد یایین (Lower Bound) مجموع تعداد عملیات ضرب مورد نیاز برای حل زیرمسئلهها و عملیات نهایی ادغام آنها است.
- ۲) شاخهها تعداد عملیات ضرب برای هر ترتیب خاص از ضرب ماتریسها را نشان میدهند و حد پایین (Lower Bound) تنها برای شناسایی شاخههایی استفاده میشود که منجر به بیشترین تعداد عملیات ضرب عددی میشوند.
- ۳) شاخهها نشان دهنده تمام ترکیبهای ممکن برای گروه بندی ضرب ماتریسها هستند که مسئله را به دو زیرمسئله تقسیم میکنند و حد پایین (Lower Bound) نشان دهنده تعداد حداقل عملیات ضرب عددی ممکن در کل مسئله است.
 - ۴) حل مسئله زنجیره ضرب ماتریسها با رویکرد شاخه و حد مقدور نیست.
- $\alpha = 110101101011000100$ باشد. از دو عبارت منظم (0+1)(0+1)(0+1)(0+1) باشد. از دو عبارت (0+1)(0+1)(0+1)(0+1) و (0+1)(0+1)(0+1)(0+1) کدام عضو زبان (0+1)(0+1)(0+1)(0+1)
 - ۱) هردو
 - ٢) فقط ١٨
 - ٣) فقط β
 - ۴) هیچ کدام
 - ۸۲ فرض کنید L زبان گرامر زیر باشد:

 $S \rightarrow TbT$

 $T \rightarrow aTb | bTa | TT | \lambda$

L است β = bbb ab aa b aa b aa b b و α = b aa bb a bb a bb aa bb است β

- ١) فقط ۵
- ٢) فقط (٢
 - ٣) هردو
- ۴) هیچکدام

A۳ فرض کنید L زبان گرامر زیر باشد:

 $S \rightarrow BA$

A -> oo Allo

 $B \rightarrow \circ B \mid \circ$

L از دو عبارت $\beta = \alpha^{rr}$ ا $\alpha = \alpha^{r}$ ا $\alpha = \alpha^{r}$ او دو عبارت $\alpha = \alpha^{r}$ ا

١) فقط ۵

٢) فقط ٦

۳) هر دو

۴) هیچکدام

۸۴ فرض کنید:

$$L_1 = \{w \in \{a, b\}^* \mid w = w^R\}$$

 $L_{Y} = \{w \in \{a, b\}^* \mid n_{ab}(w) = n_{aa}(w)\}$

از این دو زبان کدام منظم است؟

٢) فقط ٢

L, bae (1

۴) هیچکدام

٣) هر دو

۸۵ از دو عبارت زیر کدام صحیح است؟

I: اگر تعدادی متناهی رشته از یک زبان منظم حذف کنیم حاصل یک زبان منظم خواهد بود.

II: اگر تعدادی متناهی رشته به یک زبان غیرمنظم اضافه کنیم حاصل یک زبان غیرمنظم خواهد بود.

١) فقط ١

٢) فقط ١١

۳) هر دو

۴) هیچکدام

۸۶ - فرض کنید L زبان گرامر زیر با متغیر شروع S باشد:

 $S \rightarrow aAS$

 $S \rightarrow a$

 $A \rightarrow SbA$

 $A \rightarrow SS$

 $A \rightarrow ba$

از دو عبارت زیر کدام صحیح است؟

I: بسرای هسر W ∈ L ، پسنج رشسته u, v, x, y, z وجسود دارنسد کسه w = uvxyz و ۱ ≤ | vy | و بسرای هسر II.

 $uv^n xy^n z \in L$

اا: اگر زبانهای L_1 و L_2 به گونهای باشند به طوری که $L_1 \cup L_2 \cup L_3$ آنگاه L_3 و L_4 هردو باید مستقل از مــتن باشند.

١) فقط [

٢) فقط [1

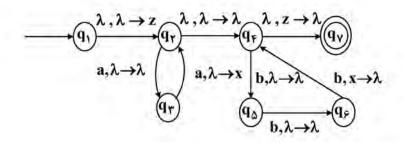
۳) هر دو

۴) هیچکدام

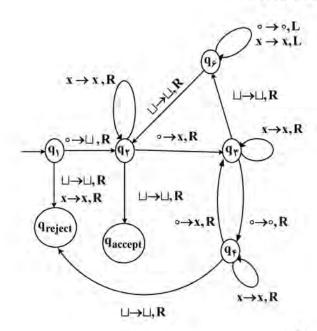
ماد کنید $\Gamma = \{x\,,z\}$ با شکل زیر باشد که $\Sigma = \{a,b\}$ الفبای ورودی و $\Gamma = \{x\,,z\}$ الفبای پشته و Σ نماد بالایی پشته است.

با قرار گرفتن کدام یک از دو مقدار a یا b به جای y در $w=a^{15\circ 5}y$ و سته $w=a^{15\circ 5}y$ و از دو مقدار a قرار می گیرد؟

- ۱) فقط a
- ٢) فقط b
- ۳) هردو
- ۴) هیچکدام



۸۸ فرض کنید L زبان ماشین تورینگ زیر باشد:



از دو مورد زیر کدام درست است؟

1:000000€L

II:00000000EL

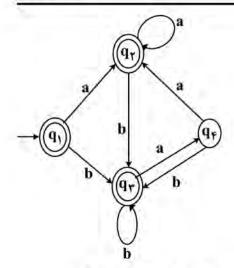
١) فقط ١) فقط ١١

٣) هردو ۴) هيچ كدام

۸۹ فرض کنید M یک ماشین تورینگ معمولی است با این تفاوت که امکان حرکت به چپ را ندارد اما می تواند در همان
 خانه بماند. کدام مورد درخصوص M درست است؟

- ۱) M معادل ماشین تورینگ معمولی است.
- ۲) M قدرت تشخیص زبانهای منظم را ندارد.
- ۳) M قدرت تشخیص زبانهای منظم را دارد ولی قدرت تشخیص زبانهای مستقل از متن را ندارد.
- ۴) M قدرت تشخیص زبانهای مستقل از متن را دارد ولی قدرت آن از ماشینهای تورینگ معمولی کمتر است.

۹۰ فرض کنید L زبان dfa زیر باشد:



فرض کنیم $\mathbf{w} \in \mathbf{L}$ رشتهای از زبان \mathbf{L} با طول حداقل ۱۴۰۳ باشد. کدام مورد، همواره درست است؟ الف \mathbf{L} الف \mathbf{w} با \mathbf{a} شود رشته \mathbf{a} \mathbf{w} \mathbf{a} حتماً در \mathbf{L} خواهد بود.

ب ــ اگر $oldsymbol{w}$ با $oldsymbol{b}$ شروع شود رشته $oldsymbol{b}$ ختماً در $oldsymbol{L}$ خواهد بود.

مبانی منطق و نظریه مجموعهها:

۹۱ چه تعداد از گزارههای زیر، با گزاره $\forall x \exists y P(x,y)$ معادل منطقی هستند؟

(a) $\exists x \neg \forall y P(x,y)$

(b) $\exists x \exists y \neg P(x,y)$

(c) $\exists x \neg \exists y P(x,y)$

 $(d) \exists x \forall y \neg P(x,y)$

۹۲ - از دو استدلال زیر کدام معتبر است؟

الف ـ چنین نیست که (همه دانش آموزان باهوش و همه معلمها توانمند باشند.)

اگر منابع مالی بهاندازه کافی وجود داشته باشد، آنگاه همه معلمها توانمند هستند.

بنابراین: اگر همه دانش آموزان باهوش هستند، آن گاه منابع مالی بهاندازه کافی وجود ندارد.

ب ـ تمام دانش آموزان باهوش هستند.

بعضي معلمها باهوش هستند.

بنابراین: بعضی دانش آموزان معلم هستند.

 $lpha\equiv \neg P
ightarrow (ree q)$ از دوعبارت $eta\equiv \neg P
ightarrow (\neg P
ightarrow q)$ کدام یک مستلزم منطقی γ گوییم $eta\equiv \neg r
ightarrow (\neg p
ightarrow q)$ هرگاه γ

٢) فقط β مستلزم α است.

١) فقط α مستلزم β است.

۴) هیچ کدام مستلزم دیگری نیست.

۳) هر یک مستلزم دیگری است.

۹۴ کدام مورد بهترین ترجمه برای عبارت زیر در منطق گزاره ها است؟

اگر آفتاب طلوع کند «به دوچرخهسواری میروم فقط اگر دوچرخه خراب باشد.»

آفتاب طلوع مي كند: T:

به دوچر خهسواری می روم :D

دوچرخه خراب است : K

 $T \rightarrow (\neg K \rightarrow D)$ (7 $T \rightarrow (D \leftrightarrow K)$ (8

 $(T \land \neg K) \rightarrow D$ (1

 $T \rightarrow (K \rightarrow \neg D)$ (7

۹۵- فرض کنید:

A(x): یک کاربر است x

C(x): به سرور وصل شده است x

R(x, y): را دریافت می کند y ،x

k(x): ییام کدگذاری شده است X

کدام مورد بهترین ترجمه برای عبارت زیر در منطق سورها است؟

«کاربرانی که به سرور متصل شده باشند، همه پیامهای کدگذاری شده را دریافت می کنند.»

$$\forall x[A(x) \land C(x) \rightarrow \forall y(k(y) \rightarrow R(x,y))] ()$$

$$\forall x[\neg(A(x) \land C(x)) \rightarrow \neg \forall y(k(y) \rightarrow R(x,y))]$$
 (7

$$\forall x[A(x) \rightarrow \forall y(k(y) \land R(x,y) \rightarrow C(x)) \ ($$

$$\forall x[A(x) \land \exists y(k(y) \land \neg R(x,y)) \rightarrow \neg C(x))]$$
 (*

98 فرض کنید L زمان مرتبه اول $\{R,C\}$ باشد که در آن R نماد معمولی دوموضعی و C ثابت است. دو $M=(\mathbb{Z},<_m,-1)$ و $M=(\mathbb{Z},<_m,-1)$ را درنظر میگیریم، بهطوری که M مجموعه اعداد صحیح نامنفی، \mathbb{Z} مجموعه اعداد صحیح، P کوچک تری معمولی اعداد صحیح نامنفی و P به صورت زیر است:

$$x <_{\mathbf{m}} y \Leftrightarrow \begin{cases} x, y \ge \circ, & x < y \\ x, y < \circ, -x < -y \\ x \ge \circ, & y < \circ \end{cases}$$

اگر $\alpha:N \to M$ یک نشاندن (embedding) از N به M باشد از دو گزاره زیر، کدام یک همواره درست است؟ الف) $\alpha:N \to M$

ب) α يوشا است.

99- با درنظر گرفتن فرضیات سؤال 98، اگر $R(y,x) \to \exists y \; R(y,x)$ کدام مورد درست است؟

N⊨α,M⊮α (۲

 $N \not\models \alpha, M \models \alpha ()$

N\a,M\a(€

 $N \models \alpha, M \models \alpha$ ($^{\circ}$

١) ناشمارا است.

۹۸ و q باشد، که در جدول ارزش آن تنها سه سطر با q و q باشد، که در جدول ارزش آن تنها سه سطر با ارزش α مطابق جدول زیر وجود دارد:

p	q	r	α
1	o	Ĭ	o
1	٥	D	ó
0	0	1	0

یده نمی (Clause) در فرم نرمال عطفی (CNF) در فرم نرمال عطفی (
$$\alpha$$
 (CNF) دیده نمی شود $\neg p \lor q \lor r$ (۲ $\neg p \lor q \lor \neg r$ (۱ $\neg p \lor \neg q \lor r$ (۴ $p \lor q \lor \neg r$ (۴

۹۹ فرض کنید رابط گزارهای * با جدول ارزش زیر داده شده است.

В	A*B
1	0
0	1
1	1
0	1
) 0 1

یک مجموعه از رابطهای گزارهای را کامل گوییم، هرگاه هر فرمول در منطق گزارهها دارای معادلی باشد که فقط از رابطهای آن مجموعه استفاده کرده باشد.

در بین
$$\{ \wedge, \vee \} = \{ -, -\} = \{ -, -\}$$
 کر بین $\{ +, \wedge \} = \{ -, -$

۱۰۰ ورض کنید زبان مرتبه اول شامل یک نماد معمولی دو موضعی P باشد. سه جمله a و c زیر را در نظر بگیرید:

(a) $\forall x \forall y \forall z (P(x,y) \rightarrow (P(y,z) \rightarrow P(x,z)))$

(b)
$$\forall x \forall y (P(x,y) \rightarrow (P(y,x) \rightarrow x = y))$$

(c) $\forall x \exists y P(x,y) \rightarrow \exists y \forall x P(x,y)$

اگر ساخت N به صورت $(\{0,1\} \times \{0,1\}, \{0,1\}) = N$ تعریف شود، آنگاه چه تعداد از سه عبارت فوق، در N صادق هستند؟

۱۰۱ - کدام مورد، درخصوص مجموعه تمام زیردنبالههای دنباله $\left\{\frac{1}{n}\right\}_{n=1}^{\infty}$ درست است -1

۳) نامتناهی ولی شمارا است. ۴) برابر تهی است.

مجموعه \mathbb{N}) و \mathbb{N} همتوان است؟ (\mathbb{N} مجموعه \mathbb{N}) و \mathbb{N} همتوان است؟ (\mathbb{N} مجموعه اعداد طبیعی، \mathbb{N} مجموعه اعداد گویا و \mathbb{N} مجموعه اعداد مختلط است.)

را $R = \left\{ (f,g) \in \mathbb{N}^{\mathbb{N}} \times \mathbb{N}^{\mathbb{N}} \mid f(\circ) = g(\circ) \right\}$ را به \mathbb{N} باشد. رابطـه $A = \mathbb{N}^{\mathbb{N}} \times \mathbb{N}^{\mathbb{N}} \mid f(\circ) = g(\circ)$ مجموعـه $A = \mathbb{N}^{\mathbb{N}} \times \mathbb{N}^{\mathbb{N}}$ باشد. کدام مورد برای مجموعـه A/R مجموعـه A/R مجموعـه A/R باشد. کدام مورد برای مجموعـه A/R در ست است؟

. C	-f alad at . C · N -	NN halida	N	1.6
= (G(n) چنان تعریف شـود، کـه				-141
		به $\mathbf{f_n}(\mathbf{m}) = Tr$ کدام مورد درست ار		
	۲) G یکبهیک است	ی یکبهیک نیست.	۱) G پوشا است وا	
		، و هم پوشا است.		
یک از مجموعههای زیر، هم توان است؟	، است). مجموعه A با کدام	نماد هم توانی $\mathbf{A} = \{\mathbf{X} \subseteq \mathbb{N} \mid \mathcal{Y} \}$	فرض کنید $\{\mathbb{N} = \mathbb{N}\}$	-1-0
	r [®] (1		0 (1	
.n ∈	N 25 {1,,n} (f		R (T	
د m، عدد n را عاد میکند.) تعریف	ه ی n R m ⇔ m n (عد	را بر \mathbf{A} بهصورت \mathbf{A} را بر	فرض كنيد {١} –	-1.9
		برای ترتیب جزئی (A,R)، درست ا		
			الف ـ هر زنجير، ك	
		اى عضو ماكسيمال هستند.	ب _ (A, R) دار	
۴) هیچکدام	۳) هر دو	۲) فقط «پ»		
		دام معادل اصل انتخاب، است؟		-1.4
		ا دارای وارون راست است.	الف _ هر تابع پوش	
، ناتهی است.	$_{lpha}$ اتهی باشد، آنگاه $_{lpha}$	خانوادهای از مجموعههای نا $\{ { m A}_{lpha}$		
۴) هیچکدام	۳) هر دو	۲) فقط «ب»	۱) فقط «الف»	
ده مجموعه توانی است). اگر x تعداد				-1.4
مند، آنگاه کدام مورد درست است؟	، نیست در این فهرست باش	د مجموعههای متعددی که اوردینال	اوردینالها و y تعدا	
	xy≥18 (8		∘≤xy≤+ (1	
	$\Delta \le xy \le \lambda$ (4		$9 \le xy \le 17$ (7	
د درست است؟	ز دو گزاره زیر، کدام موره	وعدای ناتهی از اوردینالها باشد. ا	فرض کنید C مجم	-1.9
	ىت.	ک ترین اور دینال در مجموعه C اس	الف _ C ∩، كوچا	
	α ∈ Ord : ∀β ∈	$\mathbb{C}(lpha > eta\}$ ترین عضو در کلاس	ب _ C ال، کوچک	
	۲) فقط «ب»		۱) فقط «الف»	
	۴) هیچکدام		۳) هر دو	
	بر است؟	. كدام اوردينال با ⊕+⊕+⊕، برا	از دو اوردینال زیر	-11-
		ب ـ ۳۰۵	الف ـ ۳ - ω	
	۲) فقط «ب»		۱) فقط «الف»	
	۴) هیچکدام		۳) هر دو	

ریاضیات کسسته و مبانی ترکیبیات:

۱۱۱- به چند طریق می توان از ۶۴ خانه یک جدول ۸×۸ سه خانه انتخاب کرد، به طوری که یکی از این سه خانه با هر دو خانه انتخاب شده دیگر ضلع مجاور داشته باشد؟

198 (1

TAT (F

۱۱۲- فرض کنید t تعداد حالتهای قرار گرفتن ۵ شیء متمایز در ۳ ظرف متمایز، باشد بهطوری که هیچ ظرفیی خالی نمانده و ترتیب اشیاء در ظرفها مهم باشد. همچنین ۶ تعداد حالتهای قرار گرفتن ۵ شیء متمایز در ۳ ظرف متمایز باشد، بهطوری که هیچ ظرفی خالی نمانده و ترتیب اشیا در ظرفها مهم نباشد. کدام میورد درست است؟

$$\frac{t}{s} \in (1, T]$$
 (7
$$\frac{t}{s} \in [0, 1]$$
 (1

$$\frac{t}{s} \in (\delta, \infty)$$
 (f $\frac{t}{s} \in (r, \Delta]$ (r

۱۱۳- فرض کنید t تعداد جایگشتهای حروف کلمه AAABBCCCDD باشد، که در آن کلمه AB ظاهر نشده است.

مقدار
$$rac{t}{\mathsf{r} \mathsf{r} \circ}$$
 در کدام بازه، قرار دارد؟

$$(10,70]$$
 (7 $[0,10]$ (7

$$(\Delta\circ,\infty)$$
 (f $(\operatorname{\mathfrak{T}}\circ,\Delta\circ]$ (f

۱۱۱− فرض کنید t تعداد رشتههای به طول ۸ با نمادهای (حروف) ۰٫۱ باشد، بهطوری که حـداقل در یکـی از دو شرط زیر صدق کند:

الف ـ با ٥٥٥ شروع مي شود.

ب_با ۱۱۱ تمام میشود.

اگر $\mathbf{x} \times \mathbf{y}$ ، به طوری که \mathbf{x} و \mathbf{y} اعداد طبیعی باشند و \mathbf{x} فرد باشد آنگاه مقدار $\mathbf{x} \times \mathbf{y}$ در کدام بازه، قرار دارد؟

$$[\circ, 1 \circ] (7 \qquad \qquad (1 \circ, 7 \circ] (1)$$

$$(\Delta\circ,\infty)$$
 (f $(\Upsilon\circ,\Delta\circ]$ (Υ

اهد. مقدار $A = \{X \subseteq \{1,7,...,7\,\circ\}: |X| \geq 7,X \cap \{1,7,7\} \neq \emptyset\}$ باشد. مقدار $A = \{X \subseteq \{1,7,...,7\,\circ\}: |X| \geq 7,X \cap \{1,7,7\} \neq \emptyset\}$

در کدام بازه، قرار دارد؟ $\frac{|\mathbf{A}|+\mathbf{r}}{\mathbf{r}^{17}}$

۱۱۶- از دو گزاره زیر، کدام گزاره درست است؟

الف $_{-}$ اگر $_{1}$ گرافی با $_{1}$ $_{2}$ رأس و $_{1}$ $_{2}$ $_{3}$ بال باشد، آنگاه $_{1}$ همیلتونی است.

ب ـ هر گراف ٣-منتظم شش رأسي، هميلتوني است.

۱۱۷ - از دو گزاره زیر، کدام گزاره درست است؟

الف _ گراف مسطح با ۷ رأس و ۱۳ يال، وجود دارد.

ب ـ گراف مسطح با ۸ رأس و ۲۰ یال، وجود دارد.

 $b \in [-\infty, -1]$ (1

۱۱۸ - از دو گزاره زیر، کدام گزاره درست است؟

الف _ گراف G با ۸ رأس و ۱۷ يال و عدد رنگي $\chi(G) = \chi(G)$ ، وجود دارد.

ب ـ اگر گراف G حداکثر دو دور فرد داشته باشد، آنگاه رأسهای آن را میتوان با حداکثر ۳ رنگ، رنگ کرد به گونهای که هیچ دو رأس مجاوری همرنگ نباشند.

در $\left\{c_{n}\right\}_{n=0}^{\infty}$ باشد. اگر ایسن دنباله در $C(x)=1+7x^{7}+\lambda x^{5}+77x^{4}+\delta 7x^{5}+\cdots$ باشد. اگر ایسن دنباله در $c_{n}=ac_{n-1}+bc_{n-7}+cc_{n-7}$ باشد. اگر ایسن دنباله در ابطه بازگشتی $c_{n}=ac_{n-1}+bc_{n-7}+cc_{n-7}$ باشد. اگر ایسن دنباله در الست است $c_{n}=ac_{n-1}+bc_{n-7}+cc_{n-7}$

$$b \in (-\Upsilon, 1 \circ]$$
 (Y

$$b \in (\Upsilon \circ, \infty)$$
 (f $b \in (1 \circ, \Upsilon \circ)$ (f

آگر
$$t=\frac{a_{\mathfrak{p}}}{\mathsf{V10}}$$
 . اگر $t=\frac{a_{\mathfrak{p}}}{\mathsf{V10}}$. اگر $t=\frac{a_{\mathfrak{p}}}{\mathsf{V10}}$. اگر مورد درست است؟

$$t \in (-7,77]$$
 (7 $t \in [-\infty,-7]$ (1

$$t \in (\Delta f, \infty)$$
 (f $t \in (YV, \Delta f]$ (f

۱۲۱ - مجموع اعداد طبیعی ۳ رقمی مضرب ۷ را n و مجموع اعداد طبیعی ۳ رقمی مضرب ۳ را k مینامیم. کدام مورد درست است؟ (اعداد ۳ رقمی از ۱۰۰ شروع می شوند.)

۱)
$$n$$
 فرد و k زوج است. n (۲) فرد است.

n (۳ و k هر دو فرد هستند،

$$\frac{r! \times 10!}{s!} \text{ (1)} \qquad \frac{10!}{r! \times s!} \text{ (1)}$$

$$\frac{r! \times 1\Delta!}{\mathfrak{s}! \times \mathfrak{q}!} \ (\mathfrak{r}$$

$$\frac{1\Delta!}{r! \times \mathfrak{s}! \times \mathfrak{q}!} \ (\mathfrak{r}$$

۱۲۳ – میخواهیم v^{π} توپ غیرمشابه را در v^{π} سبد مشابه چنان پخش کنیم، که در هر سبد ۷ توپ قـرار گیـرد. تعـداد حـالات ممکن برای این کار را v^{π} ممکن برای این کار را v^{π} بخرگ برای این کار را v^{π} بخش پذیر باشد، کدام است؟

- 17 (1
- 18 (1
- A (T
- ۴) صفر

۱۲۴- یک خانه از گوشه یک جدول ۷×۶ را حذف کردهایم. به چند طریق می تـوان ۲ خانـه از ۴۱ خانـه بـاقیمانـده را انتخاب کرد، بهطوری که نه در یک سطر باشند نه در یک ستون؟

- 1) 617
- 900 (4
- 150 (5
- 1010 (4

۱۲۵ - ۲۰ مهره سفید غیرمشابه و ۱۰ مهره سیاه غیرمشابه موجود است. به چند طریق می توان این ۳۰ مهره را دور یک دایره چید بهطوری که هر مهره سفید با یک مهره سفید و یک مهره سیاه، مجاور باشد؟

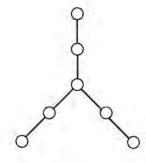
460C

۱۲۶- کدام درست است؟

الف ـ هر گراف ۱۴ رأسي، فاقد (بدون) يال برشي، حداقل ۱۴ يال دارد.

ب ـ هر گراف ۱۴ رأسي با ۴۲ يال، فاقد (بدون) يال برشي است.

۱۲۷ - یک گراف کامل ۹ رأسی، دارای چند زیرگراف یکریخت (همسان) با گراف زیر است؟



۱۲۸- یک گراف مسیر با ۱۵ رأس (و ۱۴ یال) مفروض است. به چند طریق میتوان ۵ رأس از آن را انتخاب کرد، بهطوریکه دوبهدو غیرمجاور باشند؟

$$\begin{pmatrix} 1 & 0 \\ 9 & 0 \end{pmatrix}$$
 (7 $\begin{pmatrix} 7 & 0 \\ 9 & 0 \end{pmatrix}$ (8)

$$\binom{11}{5}$$
 (4 $\binom{14}{5}$ (7)

۱۲۹- کدام مورد برای رابطه بازگشتی زیر، همواره درست است؟

 $\mathbf{a}_{\mathbf{n}} = -\mathbf{f}(\mathbf{a}_{\mathbf{n}-1} + \mathbf{a}_{\mathbf{n}-1})$

$$a_n = c_1 (-r)^n + c_r r^n$$
 و جود دارند بهطوری که c_r و جود دارند بهطوری که

$$a_n = (c_1 + c_7 n) r^n$$
 و c_7 و جود دارند بهطوری که c_7 و ر

$$a_n = (c_1 + c_7 n) (-7)^n$$
 و c_7 وجود دارند بهطوری که c_7 و c_7

۱۳۰ به چند طریق می توان ۱۱ پله را با قدمهای یک و دو پلهای طی کرد، بهطوری که اگر اولین قدم یک پلهای باشد. آنگاه آخرین قدم، دو پلهای باشد؟



کلید سوالات آزمون کارشناسی ارشد – سال ۱۴۰۴

کد دفترچه	عنوان دفترچه	مجموعه امتحاني
45°C	دروس اختصاصی	۹ ۱۲۰ – علوم کامپیوتر

شماره سوال	گزینه صحیح								
1	۲	۳۱	۴	۶۱	۳	91	۲	ויו	۴
۲	۴	۳۲	۲	۶ ۲	۲	9 ٢	1	144	1
۳	1	μμ	۴	۶۳	۴	٩٣	μ	۱۲۳	μ
۴	1	μk	1	۶۴	۴	916	J¢	146	۲
۵	۳	۳۵	۳	۶۵	1	٩۵	۲	۱۲۵	1
۶	۴	۳۶	μ	99	۴	95	J¢	1 1 5	1
٧	۳	۳۷	۲	۶۷	۲	97	۳	۱۲۷	μ
٨	۲	۳۸	1	۶۸	1	٩٨	۴	۱۲۸	۴
٩	۲	۳٩	۴	۶۹	۲	99	۲	149	μ
1 0	1	۴۰	1	٧٠	1	100	۲	۱۳۰	۲
11	1	۱۶۱	۲	٧١	1	101	1		
۱۲	۴	۲۹	۳	٧٢	۳	١٥٢	1		
۱۳	۲	kh	1	٧μ	۴	۱۰۳	۳		
۱۴	1	kk	1	٧۴	1	1016	۲		
۱۵	۴	۴۵	γد	۷۵	۲	۱۰۵	۳		
15	۳	۴۶	1	٧۶	۳	109	۳		
۱۷	۴	۴۷	۴	٧٧	۴	1 • ٧	۳		
۱۸	۳	۴۸	۲	٧٨	1	۱۰۸	γ		
19	۲	اد م	μ	٧٩	۴	109	1		
٧٠	۴	۵۰	γد	٨٠	1	110	1		
۱۲	۲	۵۱	١	٨١	۳	111	۲		
۲۲	۲	۵۲	۳	٨٢	۲	111	۳		
۲Ψ	۳	۵۳	۲	٧m	۲	11111	۳		
۲۴	١	۵۴	۴	٨۴	۴	1116	1		
۲۵	۳	۵۵	1	۸۵	۳	۱۱۵	۲		
۲۶	۴	۵۶	۲	٨۶	۴	115	۳		
۲۷	1	۵۷	μ	۸٧	۲	117	1		
۲۸	۳	۵۸	μ	٨٨	۳	111	۲		
۲۹	1	۵٩	1	٨٩	۳	119	1		
۳۰	۲	۶ ۰	۲	9 0	۲	۱۲۰	۴		

سازمان سنجش آموزش كشور